

# 目 次

<b>第 1 章 定義と概形</b>	<b>11</b>
1.1 2 次曲線とは . . . . .	12
1.2 放物線 . . . . .	14
1.2.1 定義と概形 . . . . .	14
1.2.2 標準形 . . . . .	16
1.3 楕円 . . . . .	25
1.3.1 定義と概形 . . . . .	25
1.3.2 標準形 . . . . .	27
1.3.3 楕円の形状と離心率 . . . . .	42
1.3.4 楕円と円の関係 . . . . .	44
1.4 双曲線 . . . . .	46
1.4.1 定義と概形 . . . . .	46
1.4.2 標準形 . . . . .	48
1.4.3 漸近線 . . . . .	54
1.4.4 例題 . . . . .	57
<b>第 2 章 接線と準線</b>	<b>65</b>
2.1 接線 . . . . .	66
2.1.1 放物線の接線 . . . . .	66
2.1.2 楕円の接線 . . . . .	70
2.1.3 双曲線の接線 . . . . .	80
2.1.4 一般の 2 次曲線の接線 (#) . . . . .	89
2.2 準線と離心率 . . . . .	91
2.2.1 準線の定義 . . . . .	91
2.2.2 楕円の準線 . . . . .	92
2.2.3 双曲線の準線 . . . . .	96
2.2.4 例題 . . . . .	99

<b>第3章 円すいと2次曲線</b>	<b>105</b>
3.1 円すいの切り口と2次曲線 . . . . .	106
3.1.1 いろいろな切り口 . . . . .	106
3.1.2 $\theta < \varphi$ の場合 . . . . .	110
3.1.3 $\theta = \varphi$ の場合 . . . . .	113
3.1.4 $\theta > \varphi$ の場合 . . . . .	114
3.2 円すいの平面による断面の方程式 . . . . .	116
<b>第4章 極方程式</b>	<b>121</b>
4.1 2次曲線の極方程式 . . . . .	122
4.1.1 放物線の極方程式 . . . . .	122
4.1.2 楕円と双曲線の極方程式 . . . . .	123
4.1.3まとめと例題 . . . . .	125
4.2 惑星はなぜ楕円運動をするか . . . . .	127
4.2.1 物理法則と立式化 . . . . .	127
4.2.2 微分方程式を解く . . . . .	129
<b>第5章 2次曲線の分類</b>	<b>131</b>
5.1 2次曲線 $ax^2 + 2hxy + by^2 = k$ の分類 . . . . .	132
5.2 一般の2次曲線の分類 . . . . .	140
<b>付録A 本編の内容を理解するために</b>	<b>145</b>
A.1 図形の移動と方程式 . . . . .	146
A.1.1 平行移動した曲線の方程式 . . . . .	146
A.1.2 拡大・縮小した曲線の方程式 . . . . .	148
A.2 固有値と固有ベクトル . . . . .	149
A.2.1 固有値と固有ベクトルの定義 . . . . .	149
A.2.2 固有値, 固有ベクトルを求める . . . . .	151
A.3 極座標と極方程式 . . . . .	156
A.3.1 極座標 . . . . .	156
A.3.2 極方程式 . . . . .	159
<b>付録B 参考資料</b>	<b>165</b>
B.1 2次曲線の概形 . . . . .	166
B.2 2次曲線のまとめ . . . . .	168
B.3 惑星に関するデータ . . . . .	169

B.4 惑星に関するアラカルト . . . . .	172
B.4.1 ケプラーの法則の発見 . . . . .	172
B.4.2 ボーデの法則 . . . . .	173
B.4.3 冥王星は惑星か . . . . .	174